

مثال‌ها

**مثال ۱**) حاصل عبارات زیر را به کمک اتحاد مزدوج به دست آورید.

$$1) (2x - 3y)(2x + 3y)$$

$$2) (2x - y)(2x + y)(4x^2 + y^2)$$

$$3) (x^2 + 1)(1 - x^2)$$

$$4) (3a^2 - b^2)(6a^2 + 2b^2)$$

$$5) (a^2 - b^2)^2(a^2 + b^2)^2$$

$$6) (a^{20} - a^{10})(a^{20} + a^{10})$$

$$7) (a - b)(a + b)(a^2 + b^2)(a^4 + b^4) \dots (a^{32} + b^{32})$$

$$8) (2a - 3b)(2a + 3b)(4a^2 + 9b^2)$$

$$9) (ab - a)^2(b + 1)^2(b^2 + 1)^2$$

$$10) (a^2 - 2a)^2(a^2 + 2a)^2$$

$$11) (a + b - c)^2(a - b + c)^2$$

$$12) (a + b - c + d)(a - b - c - d)$$

$$13) (2a^3 - a^2 - 3a)(2a^3 + a^2 + 3a)$$

$$14) 850^2 - 750^2$$

$$15) 497 \times 503$$

$$16) (2a + b - 5c)(2a + b + 5c)$$

$$17) (a - b + c)(a + b - c)$$

$$18) (a - 3)(a^2 + 9)(2a + 6)$$

$$19) (1 + 2a)(2a - 1)(4a^2 + 1)$$

$$20) 4(2a - b)^2(4a^2 + b^2)^2(a + \frac{1}{2}b)^2$$

$$21) (x - y)^2(x^2 + 2xy + y^2)(x^2 + y^2)^2$$

$$22) (x + 1.5)(4x - 6)(4x^2 + 9)$$

**مثال ۲۳**) اگر  $b = \sqrt{2} - 1$ ,  $a = \sqrt{2}$  باشد، مقدار عددی عبارت  $(a + b)(a^2 + b^2)(a^4 + b^4) + b^8$  را به دست آورید.

**مثال ۲۴**) نشان دهید عدد  $199^2 - 18^2$  بر 31 بخش پذیر است.

**مثال ۲۵**) حاصل عبارت  $\left(1 + \frac{1}{3}\right)\left(1 + \frac{1}{9}\right)\left(1 + \frac{1}{81}\right)$  را بدست آورید.

مثال‌ها

مثال) با استفاده از اتحاد مزدوج محل‌های نقطه‌چین را با عبارت مناسب پر می‌کنیم:

$$26) (x+4)(x-4) = x^2 - \dots$$

$$27) (2x+3)(2x-3) = \dots - 9$$

$$28) (ab+x)(ab-x) = \dots - \dots$$

$$29) \left(x + \frac{1}{2}\right)\left(x - \frac{1}{2}\right) = x^2 - \dots$$

مثال 30) اگر  $x = 20$  و  $y = 19$  باشد، حاصل عبارت  $(x+y)(x^2+y^2)+y^4$  را حساب کنید.

مثال 31) دو عدد مثبت  $a$  و  $b$  را با شرط  $a < b$  در نظر بگیرید. از روی شکل زیر در محل‌های نقطه‌چین مساحت قسمت‌های رنگی را بنویسید.

