

مثال‌ها

مثال ) معادلات زیر را حل کنید .

$$1) \left[ 2x + \frac{1}{5} \right] = 1$$

$$2) \left[ 3x - 5.2 \right] = 2 \frac{3}{7}$$

$$3) \left[ x + 3 \right] - \left[ x - 5 \right] = 8$$

$$4) \left[ x + 4 \right] - \left[ x + 1 \right] = 2$$

$$5) \left[ x + 3[x] \right] = 2[x - 4]$$

$$6) \left[ 2x \right] - \left[ x \right] = 2$$

$$7) [x] = \frac{5}{6}x$$

$$8) \left[ x[x] \right] = 1$$

$$9) \left[ x + 3 \right] + \left[ -x + 2 \right] + \left[ x - 2 \right] = 3$$

$$10) \left[ x + 1 \right] + \left[ x - 2 \right] - \left[ x + 3 \right] = 2 \quad 11) \left[ 3x + \left[ 3x + \left[ 3x \right] \right] \right] = 27$$

$$12) \left[ x^2 + \left[ x^2 + \left[ x^2 \right] \right] \right] = 27$$

$$13) \left[ 3x + \left[ 3x + \left[ 3x \right] \right] \right] = -3 \quad 14) \left[ 3x + 2\left[ 3x + 3\left[ 3x \right] \right] \right] = 81$$

$$15) 2x^2 + [x] = x^4$$

$$16) [x]^2 = 4$$

$$17) x^2 - 4[x] + 4 = 0$$

$$18) \left[ x^2 - 5x + 6 \right] = 1$$

$$19) \left[ x^2 - x + 4 \right] = 2$$

$$20) x^2 - 8[x] + 7 = 0$$

$$21) x^2 - 4[x] + 3 = 0$$

$$22) \left[ 10^x \right] = 0$$

$$23) \left[ 10^x \right] = 3$$

$$24) \log[x] = 1$$

$$25) \log[2x] = 2$$

$$26) \log[3x] = -2$$

$$27) \log[3x + 40] = 2$$

$$28) \left[ \log \left( 2x - \frac{1}{10} \right) \right] = -2$$

$$29) 3^{\left[ \frac{\log_2 x}{2} \right]} = \frac{1}{9}$$

$$30) 4^{[x]} - 6 \times 2^{[x]} + 8 = 0$$

$$31) [\sin x] = [\cos x]$$

$$32) [\sin x + \cos x] = 1$$

$$33) [\sin x + \cos x] = 0$$

$$34) [\sin x] + [\cos x] = -1$$

$$35) [\sin x + \cos x] = -2$$

$$36) \left[ \frac{2x+1}{x} \right] = 7$$

مثال‌ها

$$37) \quad [x-1] = \left[ \frac{x+2}{2} \right]$$

$$38) \quad \left[ \frac{x-3}{2} \right] = \left[ \frac{x-2}{3} \right]$$

$$39) \quad \left[ \frac{2x+1}{x} \right] = 3$$

$$40) \quad \left[ x + \frac{3}{8} \right] + [x] = \frac{7x-2}{3}$$

$$41) \quad \left[ \frac{x}{a} \right] = \left[ \frac{x}{a+k} \right] \quad a, k \in \mathbb{Z}$$

$$42) \quad [-x^2 + 3x] = \left[ x^2 + \frac{1}{2} \right]$$

$$43) \quad \sqrt{[-7x^2 + 3x + 4]} = [2 - \sin x]$$

$$44) \quad \sqrt{x + [x]} + \sqrt{x - [x]} = 1$$

$$45) \quad nx - (n+1)[x] = 0$$

$$46) \quad x^3 - [x] = 3$$

$$47) \quad \left[ x + \frac{1}{2} \right]^2 - 6[x] - 6 = 0$$

$$48) \quad \left[ \frac{3x+1}{2} \right] = \frac{4(4-x)}{3}$$

$$49) \quad [x] = \left[ \frac{x^3 - 2}{3} \right]$$

$$50) \quad \left[ \frac{5x+19}{8} \right] = \frac{6x-14}{5}$$

$$51) \quad 4x + 3y - 2x \cdot \left[ \frac{x^2 + y^2}{x^2} \right] = 0$$

$$52) \quad \left[ \frac{x-2}{2} \right] - (x-2) = \frac{x}{2} - \left[ \frac{2x-1}{4} \right]$$

$$53) \quad \left[ x + \frac{1}{2} \right] + [x]^2 = [2x+2]$$

$$54) \quad \left[ x - \frac{1}{2} \right] + \left[ x + \frac{1}{2} \right] = [2x]$$

$$55) \quad 3[x+1] + [-x+1] = [x+2]$$

$$56) \quad [x+3] + 3[-x+2] = 2[x+1]$$

$$57) \quad [2x] = [x]$$

$$58) \quad \left[ \frac{x}{x+1} \right] + \left[ \frac{1}{x+1} \right] = 1$$

$$59) \quad \left[ \frac{x}{4} \right] = \left[ \frac{x}{4} \right]$$

$$60) \quad [x] + [2x] + [3x] = 12$$

$$61) \quad [x] + [3x] + [5x] = 9$$

$$62) \quad \left[ x - \frac{1}{2} \right] + \left[ x + \frac{1}{2} \right] = 7$$

**مثال 63** (مسافری  $x$  روز در راه بود ( $x$  عددی درست) و هر روز  $x$  کیلومتر را می‌پیمود تا به مقصد رسید. اگر این مسافر روز  $20km$

می‌رفت و بعد از هر  $40km$  یک روز استراحت می‌کرد، زمان مسافرت او 37 روز بیشتر می‌شد، مسافر چند روز در راه بوده؟

مثال‌ها

**مثال 64)** شخصی با سرعت  $5\frac{km}{h}$  حرکت می کند و بعد از پیمودن هر  $4km$  به استراحت می پردازد. هر استراحت او بجزء استراحت چهارم 10 دقیقه طول می کشد و در توقف چهارم یک ساعت استراحت می کند. اگر این مسافر ساعت 4 صبح به راه افتاده و در ساعت 12 ظهر به مقصد برسد، چه فاصله ای را طی کرده.