

مثال‌ها

**مثال ۱۴**) معادله‌های زیر را حل کنید.

$$1) \quad \left\{x + \frac{1}{3}\right\} = \frac{1}{2}$$

$$2) \quad \left\{3x - \frac{1}{4}\right\} = \frac{2}{3}$$

$$3) \quad \left\{2x + \frac{2}{5}\right\} = 1\frac{1}{3}$$

$$4) \quad \{x\}^2 - \frac{3}{4}\{x\} + \frac{1}{8} = 0$$

$$5) \quad 25^{\{x\}} = 5$$

$$6) \quad 10^{\{x\}} = 0.8$$

$$7) \quad 4^{\{x\}} + 4^{\{x+3\}} = 4$$

$$8) \quad 125^{2\{x\}} - 30 \times 5^{3\{x\}} + 125 = 0$$

$$9) \quad 9^{\{x\}} - 2 \times 3^{\{x\}+1} + 5 = 0$$

$$10) \quad x + [x] + \{x\} = 3\frac{1}{7}$$

$$11) \quad \{x\} - [x] + x = 0$$

$$12) \quad [x].\{x\} = 1$$

**مثال ۱۵**) دستگاه زیر را حل کنید.

$$13) \quad \begin{cases} 2\{x\} - 3\{y\} = 1 \\ 2\{x\} + 4\{y\} = 2 \end{cases}$$

$$14) \quad \begin{cases} x + [y] + \{z\} = 1.1 \\ y + [z] + \{x\} = 2.2 \\ z + [x] + \{y\} = 3.3 \end{cases}$$

**مثال ۱۶**) درباره مقدار تفاضل  $y - x$  چه می‌توان گفت، اگر

$$\{x\} = \{y\} - \text{ب}$$

$$[x] = [y] - \text{الف}$$

$$\left[ x + \frac{3}{8} \right] + [x] = [2x]$$

**مثال ۱۷**) مطلوب است  $\{x\}$  به شرطی که داشته باشیم:

**مثال ۱۸**) را طوری تعیین کنید که داشته باشیم  $x^2 \geq c[x].\{x\}$  و  $[x]$  به ترتیب جزء صحیح و جزء کسری  $x$  است.