

مثال‌ها

**مثال ۱۶**) نامعادلات زیر را حل کنید.

$$16) \log_2 \frac{5-12x}{12x-8} + \log_{\frac{1}{2}} x \leq 0$$

$$17) \log_3(x^2 - 2) < \log_3\left(\frac{3}{2}|x| - 1\right)$$

$$18) \log_{\sin\frac{\pi}{3}}(x^2 - 3x + 2) \geq 2$$

$$19) \log_{x^2}(2+x) < 1$$

$$20) \log_3(x+2)(x+4) + \log_{\frac{1}{3}}(x+2) < \frac{1}{2} \log_{\sqrt{3}} 7 \quad 21) \log_{\frac{1}{3}}(x^2 - 6x + 18) - 2 \log_{\frac{1}{3}}(x-4) < 0$$

$$22) (\log_9 x)^2 \geq \left( \log_3 \sqrt{1 - \frac{x}{4}} \right)^2$$

**مثال ۲۳**) دستگاه  $\begin{cases} 4(\log_2 x)^2 + 1 = 2 \log_2 y \\ \log_2 x^2 \geq \log_2 y \end{cases}$  را حل کنید.

**مثال ۲۴**) همه مقدارهای  $a$  را پیدا کنید که به ازای هر یک از آنها نامعادله  $\log_5(x^2 + 1) \geq \log_5(ax^2 + 4x + a)$  برای هر

مقدار  $x$  برقرار باشد.

**مثال ۲۵**) اگر  $\log x \geq \log 2 + \frac{1}{2} \log x$  باشد، آنگاه:

$$0 < x \leq 4 \quad (4)$$

$$x \geq 4 \quad (3)$$

$$x > 4 \quad (2)$$

$$x > 0 \quad (1)$$

**مثال ۲۶**) اگر  $x > 0$  ، کدام همواره درست است؟

$$\log(1+x) = x \quad (4)$$

$$\log(1+x) < x \quad (3)$$

$$\log(1+x) > x \quad (2)$$

$$\log(1+x) < \frac{x}{1+x} \quad (1)$$