

مثال‌ها

مثال) معادلات توانی زیر را حل کنید.

$$1) 4^{2x} = 256$$

$$2) 8^{x-1} = 512$$

$$3) 7^{x-3} = 1$$

$$4) 9^{x+1} = 27 \times 3^{x+2}$$

$$5) 5^x + 5^{x+1} = 6$$

$$6) 5^{2x+2} \times 2^{2x} = 0.0025$$

$$7) 8 \times 2^{2x^2} + 2 = 2050$$

$$8) \left(\frac{1}{3}\right)^{2-x} = 243$$

$$9) \left(\frac{1}{25}\right)^{2x} \times 5^{x-2} = 5$$

$$10) 2^{2x-1} + 1 = 9$$

$$11) \left(\frac{1}{49}\right)^{\frac{x-3}{2}} \times 7^x = 7^4$$

$$12) 8^{x+2} = 8 \times 3^{4x+4}$$

$$13) 3^x + 3^{x+1} + 3^{x+2} + 3^{x+3} = 360$$

$$14) 5^{2x+1} + 25^x - 5^{2x+2} + 25^{x+1} - 5^{2x} = 5^{101}$$

$$15) \frac{3^{2x} + 3^{2x-1}}{2 \times 8^x + 8 \times 2^{3x}} = \frac{3}{20}$$

$$16) 3^x \times \left(\frac{8}{3}\right)^x \times \left(\frac{9}{64}\right)^{2x-1} = \frac{9}{8}$$

$$17) (0.5)^{x-4} \times \left(\frac{1}{0.125}\right)^{4-x} = (0.25)^2$$

$$18) 2^{x+1} - 2^{6-x} = 8$$

$$19) 2^{x+1} + 2^{2-x} = 6$$

$$20) 3 \times 9 \times 27 \times 81 \times 3^{2x} - 3^{2x+9} = 2 \times 3^{19}$$

$$21) 5^{2x-6} = 1$$

$$22) 2^{x-1} = 5^{2x-2}$$

$$23) (0.2)^{1-x} = 125$$

$$24) \frac{3^{3x} \times 3^{2x-4}}{3^{x-1} \times 2^x \times 3^x} = 2^{-x}$$

$$25) \frac{25^x + 5^{2x-1}}{9^{x-1} + 3^{2x-1}} = \frac{15}{2}$$

$$26) 5^{5x} = 5^{100}$$

مثال‌ها

$$27) 4^{5x+1} = 2^{762}$$

$$28) 3^{3^x-1} + 1 = 10$$

$$29) 9^{3x} = 3 \times 3^{x+4} \times 3^{x-1}$$

$$30) 3^{x+1} + 3^{x-1} = 30$$

$$31) \left(\frac{1}{2}\right)^{5-x} = 2^{95}$$

$$32) 3^{10} \times 3^{20} \times 3^{30} \times 3^{40} \times 3^x - 3^{x+99} = 2 \times 3^9$$

$$33) 2^{x-1} + 2^x + 2^{x+1} + 2^{x+2} = 15$$

$$34) \frac{3^{2x+1} + 3^{2x}}{4 \times 8^x + 2^{3x} \times 16} = \frac{9}{40}$$

$$35) 3^{x-2} \times 2^3 \times \left(\frac{8}{3}\right)^x \times \left(\frac{9}{64}\right)^{2x} = \frac{9}{64}$$

$$36) \left(\frac{1}{49}\right)^{x-\frac{3}{2}} = 7^{4-x}$$

$$37) 5^{x+3} = 25 \times 2^{5x+5}$$

$$38) 7^{2x^2+1} - 49^{x^2} = 6 \times 7^4 \times 49^2$$

$$39) \left(\frac{1}{2}\right)^x \times \left(\frac{1000}{125}\right)^{4-x} = 0.0625$$

$$40) 2^{x+2} = 16 + 2^{7-x}$$

$$41) 2^{2x} = 4^{50}$$

$$42) 5^{5^x-1} + 7 = 632$$

$$43) 7^{x+1} - 7 = 42$$

$$44) 4 \times 2^x + 2 \times 2^{x-2} + 2^x = 22$$

$$45) \left(\frac{1}{2}\right)^{2-x} = 4^{75}$$

$$46) 3 \times 3^{x+2} = 9 \times 2^{5x+5}$$

$$47) 5^{2x+2} \times 2^{2x} = 0.0025$$

$$48) \left(\frac{1}{49}\right)^{x-1.5} \times 7^x = 7^4$$

$$49) \frac{27^{x-1} + 81^x}{3^{3x}} = \frac{4}{27}$$

مثال‌ها

$$50) \frac{5^{3x+2} - 5^{3x+1}}{9^{x+1} + 3^{2x}} = \frac{250}{9}$$

$$51) \frac{(0.25)^{1-x} \times 80^{-x}}{(0.1)^{x+2} \times (0.2)^{-2}} = 1$$

$$52) (0.2)^{x-14} = 125^{2x}$$

$$53) \frac{\frac{8^{1-x} \times 2^{4x}}{\left(\frac{1}{4}\right)^{x-2}}}{\times 16^3} = (0.25)^{-1}$$

$$54) 5^{x+2} - 5^x = 600$$

$$55) \frac{125^{x-1} + 625^x}{5^{3x}} = \frac{6}{5^3}$$

$$56) 7^{x-3} = 2^{2x+y-1}$$

$$57) (0.008)^{x-2} = 25^{3+x}$$

$$58) 6^{x-1} + 6^x = 252$$

$$59) \left(\frac{3}{4}\right)^{x-2} \times \left(\frac{9}{16}\right)^{x-1} = \left(\frac{6}{8}\right)^2$$

$$60) (0.25)^{3x-3} = 16^{x-1}$$

$$61) \frac{27^x \times 6^{x-2}}{\left(\frac{1}{3}\right)^{1-x} \times 6^x} = 2^{-x}$$

$$62) \frac{\left(\frac{2}{5}\right)^{x-1} \times 8^{1-x}}{5^{-x} \times \left(\frac{1}{2}\right)^{3x}} = 10$$

$$63) \frac{25^x + 5^{2x-1}}{9^{x-1} + 3^{2x-1}} = \frac{15}{2}$$

$$64) \frac{8^x + 8^x + 8^x + 8^x}{(0.0625)^{x-1}} = 32$$

$$65) 3^x + 3^{x+2} + 3^{x+4} = 819$$

$$66) 5^{x+2} - 5^{x-1} = 620$$

$$67) 3^x \times 8^{\frac{x}{x+1}} = 36$$

$$68) x^{\sqrt[3]{x^2}} = (\sqrt{x})^x$$

$$69) 3^{2x^2-6x+3} + 6^{x^2-3x+1} = 2^{2x^2-6x+3}$$

$$70) 1 + 3^{\frac{x}{2}} = 2^x$$

$$71) 3 \times 16^x + 37 \times 36^x = 26 \times 81^x$$

$$72) 3^{2x^2+6x-9} + 4 \times 15^{x^2+3x-5} = 3 \times 5^{2x^2+6x-9}$$

$$73) 27^x + 12^x = 2 \times 8^x$$

$$74) (2 + \sqrt{3})^{x^2-2x+1} + (2 - \sqrt{3})^{x^2-2x-1} = \frac{101}{10(2 - \sqrt{3})}$$

$$75) 5^{2x-1} = 7^{3-x}$$

$$76) \sqrt[5]{\frac{3}{5}} \left(\frac{3}{5}\right)^{x-1} = \frac{\sqrt[4]{5^{3x-4}}}{\sqrt{5}}$$

مثالها

$$77) \sqrt{5-x} \left(3^{x^2-7.2x+3.9} - 9\sqrt{3} \right) = 0$$

$$78) \ 1+a+a^2+\cdots+a^{x-1}+a^x = (1+a)(1+a^2)(1+a^4)(1+a^8)$$

$$79) \left(\cos \frac{\pi}{7} \right)^x + \left(\sin \frac{\pi}{7} \right)^x - 1 = 0$$

$$80) \ 4^x + 9^x = 25^x$$

$$81) \ (x-2)^{x^2-x} = (x-2)^{12}$$

$$82) \ (2-\sqrt{3})^x + (2+\sqrt{3})^x = 4$$

$$83) \ |x-3|^{\frac{x^2-4x+3}{x-2}} = 1$$

$$84) \ (x^2 - x - 1)^{x-1} = 1$$

$$85) \ |x|^{x^2-2x} = 1$$

$$86) \ |\cos x|^{\sin^2 x - \frac{3}{2} \sin x + \frac{1}{2}} = 1$$

$$87) \ (\tan x)^{\sin x} = (\cot x)^{\cos x}$$

$$\begin{aligned} & \text{مثال (88) دستگاه دو معادله دو مجهولی} \\ & \begin{cases} \left(\frac{3}{2}\right)^{x-y} - \left(\frac{2}{3}\right)^{x-y} = \frac{65}{36} \\ xy - x + y = 118 \end{cases} \end{aligned}$$

مثال (89) همه مقدارهای a را طوری پیدا کنید که به ازای هر یک از آنها، معادله $4^x - a \cdot 2^x - a + 3 = 0$ دست کم یک جواب داشته باشد.

$$\begin{aligned} & \text{مثال (90) دستگاه} \\ & \begin{cases} 7^{2x-4} = 49^{x+y-3} \\ 8^{x-y} = (0.25)^{y-1} \end{cases} \end{aligned}$$

مثال (91) تعداد زیر مجموعه های یک مجموعه $3+2n$ عضوی برابر تعداد زیر مجموعه های یک مجموعه $n-1$ عضوی است، مقدار n چقدر است؟

مثالها

مثال ۹۲ تعداد زیرمجموعه های یک مجموعه $n+1$ عضوی ۲۸ واحد از تعداد زیرمجموعه های یک مجموعه $n-2$ عضوی بیشتر است. عدد طبیعی n را بدست آورید.

مثال ۹۳ تعداد زیرمجموعه های یک مجموعه $k+3$ عضوی ۱۱۲ واحد از تعداد زیرمجموعه های یک مجموعه k عضوی بیشتر است، عدد طبیعی k را بدست آورید.

مثال ۹۴ مجموع تعداد زیرمجموعه های سه مجموعه $2-k$ عضوی و $k+1$ عضوی برابر ۱۰۴ است تعداد زیرمجموعه های هر مجموعه چقدر است؟

مثال ۹۵ تعداد زیرمجموعه های یک مجموعه $1-k$ عضوی از تعداد زیرمجموعه های یک مجموعه $3-k$ عضوی ۴۸ واحد بیشتر است، عدد طبیعی k را بدست آورید.

مثال ۹۶ تعداد زیرمجموعه های یک مجموعه $1-5k$ عضوی برابر است با حاصل ضرب تعداد زیرمجموعه های دو مجموعه $k+5$ عضوی و $3k-2$ عضوی، تعداد k را حساب کنید.

مثال ۹۷ تعداد زیرمجموعه های یک مجموعه $k+1$ عضوی از سه برابر تعداد زیرمجموعه های یک مجموعه $1-k$ عضوی ۱۶ واحد بیشتر است، مقدار k را بدست آورید.

مثال ۹۸ اگر $5^a = 625$ باشد مقدار a را حساب کنید.