

مثال‌ها

**مثال 63)** درستی اتحادهای زیر را بررسی کنید.

$$57) \sqrt{\frac{\tan^2 \alpha}{1 + \tan^2 \alpha}} = -\sin \alpha \quad ; \quad \frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$$

$$58) \sin^2 x + \tan^2 x \cdot \sin^2 x = \tan^2 x$$

$$59) \frac{\sin^2 x \tan^2 x}{1 + \tan^2 x} + \frac{\cos^2 x \cdot \cot g^2 x}{1 + \cot g^2 x} + 2 \cos^2 x - 2 \cos^4 x = 1$$

$$60) \frac{\tan^3 x}{\sin^2 x} + \frac{\cot g^3 x}{\cos^2 x} - \frac{1}{\sin x \cdot \cos x} = \tan^3 + \cot g^3 x$$

$$61) \frac{\tan^3 x}{1 + \tan^2 x} + \frac{\cot g^3 x}{1 + \cot g^2 x} = \frac{1 - 2 \sin^2 x \cdot \cos^2 x}{\sin x \cdot \cos x}$$

$$62) \frac{a \tan^2 a + c}{a \sin^2 a + c \cos^2 a} = 1 + \tan^2 a$$

**مثال 63)** اگر  $\sin \theta = p$  باشد  $p \cot g \theta = \sqrt{q^2 - p^2}$  را بدست آورید.

**مثال 64)** اگر  $\tan \theta = \frac{2pq}{p^2 - q^2}$  باشد  $\cos \theta$  و  $\sin \theta$  را حساب کنید.

**مثال 65)** انتهای  $x$  در کدام ناحیه باشد تا تساوی  $\tan x + \cot g x = \sqrt{\sec^2 x + \csc^2 x}$  برقرار باشد؟

**مثال 66)** انتهای کمان  $x$  در چه ناحیه‌ای واقع باشد تا اتحادهای مثلثاتی زیر برقرار باشد؟

$$66) \sqrt{\frac{1}{\sin^2 x} + \frac{1}{\cos^2 x}} = \tan x + \cot g x$$

**مثال 67)** از رابطه  $\cos x = \sqrt{\frac{\cot g x}{a + \cot g x}}$  مقدار  $\tan x$  را بر حسب  $a$  بدست آورید.

مثال‌ها

(68) اگر  $m > 0$  باشد ، مقدار  $\cot g\alpha = \frac{m}{m-1}$  و  $\sin \alpha = \frac{m-1}{m+1}$  را در دایره مثلثاتی تعیین کنید.

مثال) در هر یک از دستگاههای زیر یک رابطه مستقل از  $x$  بین  $b, a$  (پارامترها) بباید .

$$69) \begin{cases} \tan x + \frac{1}{\cos x} = a \\ \frac{1}{\cos x} - \tan x = b \end{cases}$$

$$70) \begin{cases} \tan x + \frac{1}{\sin x} = a \\ \frac{1}{\sin x} - \tan x = b \end{cases}$$